# ГОУ ВПО Российско-Армянский (Славянский) университет



### УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЙ КОМПЛЕКС ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование дисциплины: Б1.В.06 «Полупроводниковая наноэлектроника»

Автор (ы) <u>д.ф.-м.н., профессор Саркисян Айк Араевич</u> Ф.И.О, ученое звание (при наличии), ученая степень (при наличии)

Направление подготовки: 11.04.04 Электроника и наноэлектроника Основная образовательная программа магистратуры: «Квантовая и оптическая электроника»

### Согласовано:

Заведующий Кафедрой общей физики и квантовых наноструктур

Айрапетян Д.Б.

(подписк)

#### 1. АННОТАЦИЯ

1.1. Краткое описание содержания данной дисциплины;

Дисциплина «Полупроводниковая наноэлектроника» охватывает физические основы и модели электронных процессов в низкоразмерных полупроводниковых структурах, таких как квантовые ямы, проволоки и точки. Рассматриваются явления размерного квантования, особенности плотности состояний в 0D–2D системах, влияние кулоновского взаимодействия, метод геометрической адиабатики, а также воздействие внешних полей. Особое внимание уделяется современным моделям, описывающим электронные и оптические свойства наноструктур, включая многозарядные системы и квантовые эффекты в кольцевых структурах.

- **1.2.** Трудоемкость в академических кредитах и часах, формы итогового контроля (экзамен/зачет);
  - 4 академических кредита / 144 часа. Форма итогового контроля экзамен.
- **1.3.** Взаимосвязь дисциплины с другими дисциплинами учебного плана специальности (направления)

Квантоворазмерные системы наноэлектроники, Физические основы молекулярной электроники.

#### 1.4. Результаты освоения программы дисциплины:

Код компетенции (в соответствии рабочим с учебным планом)	Наименование компетенции (в соответствии рабочим с учебным планом)	Код индикатора достижения компетенций (в соответствии рабочим с учебным планом)	Наименование индикатора достижений компетенций (в соответствии рабочим с учебным планом)
ПК-4	Способен к организации и проведению экспериментальных исследований с применением современных средств и методов	ПК-4.1	Знает способы организации и проведения экспериментальных исследований Умеет самостоятельно проводить экспериментальные
		ПК-4.3	исследования Владеет навыками

	проведения исследования с
	применением современных
	средств и методов

#### 2. УЧЕБНАЯ ПРОГРАММА

#### 2.1. Цели и задачи дисциплины

**Цель:** Целью изучения дисциплины является подготовка высококвалифицированных специалистов в новой и быстро развивающейся области твердотельной электроники - наноэлектронике, способных к активной творческой работе как в научно-исследовательских лабораториях, так и в условиях промышленного производства.

#### Задачи:

- Формирование у студентов фундаментального понимания квантовых эффектов в полупроводниковых структурах.
- Изучение моделей и методов расчета энергетических спектров и плотности состояний в низкоразмерных системах.
- Освоение методов расчета кулоновских эффектов и многочастичных состояний.
- Ознакомление с влиянием внешних полей и геометрии наноструктур на электронные и оптические свойства.
- Развитие навыков работы с расчетными моделями и анализом экспериментальных данных.
- Подготовка к исследовательской деятельности в области квантовых и наноразмерных полупроводниковых систем.
- **2.2.** Трудоемкость дисциплины и виды учебной работы (в академических часах и зачетных единицах) (удалить строки, которые не будут применены в рамках дисциплины)

Виды учебной работы	Всего, в акад. часах	Распределение по семестрам 1 сем
1	2	3
1. Общая трудоемкость изучения дисциплины по семестрам, в т. ч.:	144	144

1.1. Аудиторные занятия, в т. ч.:	32	32
1.1.1.Лекции	16	16
1.1.2.Практические занятия, в т. ч.	16	16
1.2. Самостоятельная работа, в т. ч.:	76	76
Итоговый контроль (Экзамен, Зачет,	Экзамен	Экзамен
диф. зачет - указать)	36	36

### 2.3. Содержание дисциплины

# 2.3.1. Тематический план и трудоемкость аудиторных занятий (модули, разделы дисциплины и виды занятий) по рабочему учебному плану

Разделы и темы дисциплины	Всего (ак. часов)	Лекции(ак. часов)	Практ. Занятия (ак. часов)	
1	2=3+4+5+6+7	3	4	
Раздел 1. Размерное квантование	4	2	2	
<i>Тема 1.1</i> Эффективная длина волны электрона в полупроводнике.				
<i>Тема 1.2</i> Тензор обратной эффективной массы.				
<i>Тема 1.3</i> Формирование потенциала ограничения на границе перехода наноструктура-окружающая среда.				
<i>Тема 1.4</i> Различные модели ограничивающих потенциалов				
Раздел 2. Классы квантовых наноструктур	4	2	2	
<i>Тема 2.1</i> Квантовые ямы (КЯ), квантовые проволоки (КП), квантовые точки (КТ)				
<i>Тема 2.2</i> Атомоподобный спектр КТ				
<i>Тема 2.3</i> Различные геометрии КТ				
<i>Тема 2.4</i> Одночастичные состояния в КЯ, КП и КТ				
Раздел 3. Плотности энергетических состояний в КЯ, КП и КТ	2	1	1	
<i>Тема 3.1</i> Плотность состояний (ПС) в массивном образце				
<i>Тема 3.2</i> Ступенчатый профиль функции плотности состояний в КЯ				
Тем 3.3 ПС в КП и КТ				
Раздел 4. Метод геометрической адиабатики	4	2	2	
<i>Тема 4.1</i> Адиабатическое приближение в случае стационарных полей				

<i>Тема 4.2</i> Метод Канторовича			
<i>Тем 4.3</i> Квантовая частица в сильно вытянутой			
двумерной эллипсоидальной яме			
<i>Тема 4.4</i> Возникновение подзон в энергетическом			
спектре сильно вытянутой двумерной			
эллипсоидальной ямы			
Раздел 5. Кулоновские задачи в квантовых наноструктурах	2	1	1
<i>Тема 5.1</i> Двумерная примесь в КЯ.			
<i>Тема 5.2</i> Одномерная задача Кулона, падение на			
центр.			
<i>Тем 5.3</i> Примесь в сферической КТ, определение			
энергии связи примеси в сферической КТ			
Раздел 6. Искусственный атом гелия	4	2	2
<i>Тема 6.1</i> Двухэлектронные состояния в			
параболической КТ.			
<i>Тема 6.2</i> Оценка энергии двухэлектронных			
состояний в параболической КТ на основе			
<i>Тема 6.3</i> Управление временем обмена состояниями			
электронов в параболическом атоме гелия.			
Раздел 7. Влияние внешних полей на	4	2	2
электронные состояния в КЯ и КТ	7		2
<i>Тема 7.1</i> Одночастичный гамильтониан заряженной			
частицы во внешних электрическом и магнитном			
полях.			
<i>Тема 7.2</i> КЯ в аксиальном магнитном поле,			
реализация атомоподобного спектра.			
<i>Тема 7.3</i> Параболическая КТ в параллельных			
электрическом и магнитном полях.			
<i>Тема 7.4</i> Реализация спектра Фока-Дарвина и			
квадратичного штарковского смещени			
Раздел 8. Оптические свойства КТ	4	2	2
Тема 8.1 Фундаментальное оптическое поглощение			
в сферических КТ, пороговые частоты поглощения,			
правила отбора.			
Тема 8.2 Влияние экситонных эффектов на характер			
фундаментального поглощения в сферических КТ.			
<i>Тема 8.3</i> Учет дисперсии по размерам КТ в			
коэффициенте межзонного поглощения для			
ансамбля слабо взаимодействующих КТ			
Раздел 9. Слоистые и кольцеобразные КТ	4	2	2
	i l		1
<i>Тема 9.1</i> Спектр электрона в сферической слоистой КТ и квантовом кольце.			

Тема 9.2 Влияние внутренней и внешней границ на энергетический спектр электрона в сферической слоистой КТ и квантовом кольце.			
Тема 9.3 Роль электромагнитных потенциалов в квантовой механике, эффект Ааронова-Бома в кольцеобразных структурах			
ИТОГО	32	16	16

#### 2.3.2. Краткое содержание разделов дисциплины в виде тематического плана

Раздел 1. Размерное квантование:

Эффективная длина волны электрона в полупроводнике. Тензор обратной эффективной массы. Формирование потенциала ограничения на границе перехода наноструктура-окружающая среда. Различные модели ограничивающих потенциалов.

Раздел 2. Классы квантовых наноструктур:

Квантовые ямы (КЯ), квантовые проволоки (КП), квантовые точки (КТ). Атомоподобный спектр КТ. Различные геометрии КТ. Одночастичные состояния в КЯ, КП и КТ.

Раздел 3. Плотности энергетических состояний в КЯ, КП и КТ:

Плотность состояний (ПС) в массивном образце. Ступенчатый профиль функции плотности состояний в КЯ. ПС в КП и КТ

Раздел 4. Метод геометрической адиабатики:

Адиабатическое приближение в случае стационарных полей. Метод Канторовича. Квантовая частица в сильно вытянутой двумерной эллипсоидальной яме. Возникновение подзон в энергетическом спектре сильно вытянутой двумерной эллипсоидальной ямы.

Раздел 5. Кулоновские задачи в квантовых наноструктурах:

Двумерная примесь в КЯ. Одномерная задача Кулона, падение на центр. Примесь в сферической КТ, определение энергии связи примеси в сферической КТ.

Раздел 6. Искусственный атом гелия:

Двухэлектронные состояния в параболической КТ. Оценка энергии двухэлектронных состояний в параболической КТ на основе соотношения

неопределенностей Гейзенберга. Управление временем обмена состояниями электронов в параболическом атоме гелия.

Раздел 7. Влияние внешних полей на электронные состояния в КЯ и КТ:

Одночастичный гамильтониан заряженной частицы во внешних электрическом и магнитном полях. КЯ в аксиальном магнитном поле, реализация атомоподобного спектра. Параболическая КТ в параллельных электрическом и магнитном полях. Реализация спектра Фока-Дарвина и квадратичного штарковского смещения.

Раздел 8. Оптические свойства КТ:

Фундаментальное оптическое поглощение в сферических КТ, пороговые частоты поглощения, правила отбора. Влияние экситонных эффектов на характер фундаментального поглощения в сферических КТ. Учет дисперсии по размерам КТ в коэффициенте межзонного поглощения для ансамбля слабо взаимодействующих КТ.

Раздел 9. Слоистые и кольцеобразные КТ:

Спектр электрона в сферической слоистой КТ и квантовом кольце. Влияние внутренней и внешней границ на энергетический спектр электрона в сферической слоистой КТ и квантовом кольце. Роль электромагнитных потенциалов в квантовой механике, эффект Ааронова-Бома в кольцеобразных структурах.

## 2.3.3. Краткое содержание семинарских/практических занятий/лабораторного практикума

В рамках практических занятий студенты решают задачи, связанные с расчетом энергетических спектров и плотности состояний в квантовых ямах, проволоках и точках, моделируют поведение электронов в ограничивающих потенциалах, анализируют влияние внешних электрических и магнитных полей. Отдельное внимание уделяется расчетам кулоновского взаимодействия в наноструктурах, а также решению задач, иллюстрирующих квантово-механические эффекты в кольцевых структурах, включая эффект Ааронова-Бома.

#### 2.3.4. Материально-техническое обеспечение дисциплины

• Мультимедийное оборудование для лекций.

## 2.4. Модульная структура дисциплины с распределением весов по формам контролей

Формы контролей		Вес формы   (форм)   текущего   контроля в   результирую   щей оценке   текущего   контроля   (по   модулям)		Вес формы промежуточно го контроля в итоговой оценке промежуточно го контроля		оговой нки суточно роля в тирую ценке куточн тролей	Вес итоговой оценки промежуточног о контроля в результирующе й оценке промежуточных контролей (семестровой оценке)	Веса результирующей оценки промежугочных контролей и оценки итогового контроля в результирующей оценке итогового контроля
Вид учебной работы/контроля	$M1^1$	M2	M1	M2	M1	<b>M2</b>		
Контрольная работа (при наличии)			0.5	0.5				
Устный опрос (при наличии)								
Лабораторные работы (при наличии)	0.5	0.5						
Письменные домашние задания (при наличии)								
Решение задач	0.5	0.5						
Веса результирующих оценок текущих контролей в итоговых оценках промежуточных контролей Веса оценок промежуточных контролей в					0.5	0.5		
итоговых оценках промежуточных контролей								
Вес итоговой оценки 1-го промежуточного контроля в результирующей оценке промежуточных контролей							0.5	
Вес итоговой оценки 2-го промежуточного контроля в результирующей оценке промежуточных контролей							0.5	
Вес результирующей оценки промежуточных контролей в результирующей оценке итогового контроля								0.5
Вес итогового контроля (Экзамен/зачет) в результирующей оценке итогового контроля								0.5
	$\Sigma = 1$	$\sum_{1} =$	$\sum = 1$	$\sum = 1$	$\sum = 1$	$\sum = 1$	$\Sigma = 1$	$\Sigma = 1$

# 3. Теоретический блок (указываются материалы, необходимые для освоения учебной программы дисциплины)

3.1. Материалы по теоретической части курса

3.1.1. Учебник(и);

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Учебный Модуль

- 1. Э.М. Казарян, С.Г. Петросян "Физические основы наноэлектроники", 2005. Изд. РАУ (на армянском языке).
- 2. В.П. Драгунов, И.Г. Неизвестный, В.А. Гридчин "Основы наноэлектроники", 2004. Изд. НГТУ.
- 3. Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц "Квантовая механика", 1989. Изд. Наука.
- 4. В.М. Галицкий, Б.М. Карнаков, В.И. Коган "Задачи по квантовой механике", 1981. Изд. Наука.
- 5. E.M. Kazaryan, H.A. Sarkisyan, "Layered nanostructures", Encyclopedia UNESCO Nanoscience and Nanotechnology, Ed. V.N. Kharkin (Russian Edition) pp. 120-133 (2011).

# 4. Фонды оценочных средств (указываются материалы, необходимые для проверки уровня знаний в соответствии с содержанием учебной программы дисциплины).

#### 4.1. Планы практических занятий

№	Тема занятия	Краткое содержание
1	Эффективная масса и длина волны электрона в полупроводниках	Расчёт эффективной длины волны с учётом тензора обратной массы.
2	Квантование энергии в КЯ, КП, КТ	Решение уравнения Шрёдингера для модельных потенциалов: яма с бесконечными стенками, цилиндрические и сферические симметрии. Построение энергетического спектра.
3	Плотность состояний в 3D, 2D, 1D и 0D системах	Сравнение форм и характеристик плотности состояний в различных размерностях. Вывод ступенчатой формы ПС для КЯ.
4	Метод Канторовича и геометрическая адиабатика	Применение метода Канторовича для разделения переменных в вытянутых структурах. Рассмотрение подзонной структуры в эллипсоидальных ямах.
5	Кулоновская примесь в КЯ и КТ	Аналитические и численные оценки энергии связи электрона с донорной примесью. Особенности кулоновского потенциала в ограниченном объёме.
6	Искусственный атом гелия: двухэлектронные состояния	Расчёт энергии двухэлектронных состояний в параболической КТ с учётом кулоновского отталкивания. Интерпретация с помощью принципа неопределённости.
7	Электрон в КЯ во внешнем магнитном поле	Построение и анализ спектра Фока-Дарвина для плоской ямы. Влияние магнитного поля на вырождение уровней.
8	Эффекты в кольцевых наноструктурах	Рассмотрение Ааронова-Бома и квантовых фаз. Спектр и токи в кольцевых структурах. Сравнение с экспериментами.

#### 4.2. Материалы по практической части курса

- 4.2.1. Задачники (практикумы);
- 1. Калашников С. Г., Парамонов В. П., Задачи и упражнения по физике полупроводников и наноструктур. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2017. 272 с.
- 2. Ганелин Е. Р., Федоров П. П., *Физика полупроводников и наноструктур: задачи с решениями.* СПб.: БХВ-Петербург, 2020. 224 с.
- 4.3. Вопросы и задания для самостоятельной работы студентов
- Объясните физическую природу размерного квантования и приведите примеры его проявлений.
- 2. Постройте и проанализируйте графики плотности состояний для КЯ, КП и КТ.
- 3. Выведите уровни энергии для электрона в сферической квантовой точке при бесконечном потенциальном барьере.
- 4. Опишите метод Канторовича и его применение для вытянутых наноструктур.
- 5. Рассчитайте энергию связи примеси в сферической квантовой точке.
- 6. Обоснуйте модель двухэлектронного параболического искусственного атома гелия.
- 7. Проанализируйте влияние магнитного поля на спектр электрона в квантовой яме.
- 8. Объясните физику эффекта Ааронова-Бома и его реализацию в квантовых кольцах.
- 9. Исследуйте влияние экситонных эффектов на межзонное поглощение в КТ.

# 4.4. Образцы вариантов контрольных работ, тестов и/или других форм текущих и промежуточных контролей

Контрольная работа. Вариант 1.

- 1. Эффективная длина волны электрона в полупроводнике.
- 2. Плотность состояний в КЯ, КП и КТ.

#### 4.5. Перечень экзаменационных вопросов

- 1. Эффективная длина волны электрона в полупроводнике.
- 2. Явление размерного квантования.
- 3. Ограничивающий потенциал. Модели ограничивающего потенциала.
- 4. Квантовая яма (КЯ). Одноэлектронные состояния в КЯ.

- 5. Квантовая проволока (КП). Одноэлектронные состояния в КП (прямоугольное сечение или круглое сечение).
- 6. Квантовая точка (КТ). Одноэлектронные состояния в КТ (сферическая КТ, квантовый куб).
- 7. Плотность состояний в КЯ, КП и КТ.
- 8. Адиабатическое приближение.
- 9. Электронные состояния в сильно сплюснутой элиптической яме.
- 10. Примесь в КЯ.
- 11. Примесь в КП. Явление падения на центр.
- 12. Примесь в КТ. Энергия связи примеси в КТ.
- 13. Оценка энергии двухэлектронных состояний в параболической КТ на основе соотношения неопределенностей Гейзенберга.
- 14. Искусственный атом гелия. Обменный интеграл, время обмена состояниями.
- 15. Одночастичный гамильтониан заряженной частицы во внешних электрическом и магнитном полях.
- 16. Атомоподобного спектр электрона в КЯ при наложении аксиального магнитного поля.
- 17. Параболическая КТ в параллельных электрическом и магнитном полях. Состояния Фока-Дарвина, квадратичный эффект Штарка.
- 18. Межзонное поглощение в сферической КТ. Правила отбора для режима сильного размерного квантования. Управление пороговыми частотами.
- 19. Влияние экситонных эффектов на характер фундаментального поглощения в сферических КТ. Учет дисперсии по размерам КТ в коэффициенте межзонного поглощения для ансамбля слабо взаимодействующих КТ.
- 20. Спектр электрона в сферической слоистой КТ и квантовом кольце.
- 21. Влияние внутренней и внешней границ на энергетический спектр электрона в сферической слоистой КТ и квантовом кольце. Модель плоского и сферического ротаторов.
- 22. Роль электромагнитных потенциалов в квантовой механике, эффект Ааронова-Бома в кольцеобразных структурах.

#### 4.6. Образцы экзаменационных билетов

### <u>ИНЖЕНЕРНО-ФИЗИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ</u> Кафедра общей физики и квантовых наноструктур

Направление: Электроника и наноэлектроника Дисциплина: Полупроводниковая наноэлектроника (магистратура І-ый курс, П-ой семестр)

### Экзаменационный билет № \*\*

Эффективная длина волны электрона в полупроводнике.
 Искусственный атом гелия. Обменный интеграл, время обмена состояниями.

Зав. кафедрой ОФКН	Д.Б. Айрапетян
20г.	